

Bestimmung der Ableitung

Im Unterricht haben wir die Summen- und die Faktorregel zur Bestimmung von Ableitungen besprochen.

a) **Faktorregel:** $f(x) = c \cdot g(x), \quad f'(x) = c \cdot g'(x)$
z.B.: $f(x) = \underbrace{8}_c \cdot \underbrace{x^4}_{g(x)}, \quad f'(x) = \underbrace{8}_c \cdot \underbrace{4 \cdot x^3}_{g'(x)}$

Kurz und knapp:

Ein konstanter Faktor bleibt beim Ableiten erhalten!

b) **Summenregel:** $f(x) = g(x) + h(x), \quad f'(x) = g'(x) + h'(x)$
z.B.: $f(x) = \underbrace{x^2}_{g(x)} + \underbrace{3x^4}_{h(x)}, \quad f'(x) = \underbrace{2x}_{g'(x)} + \underbrace{12x^3}_{h'(x)=3 \cdot 4 \cdot x^3=12x^3}$

Kurz und knapp:

Summen werden summandenweise abgeleitet!

Bestimme die Ableitung $f'(x)$ der folgenden Funktionen durch Kombination der Summen- und Faktorregel:

a) $f(x) = x^3 + x^4$ b) $f(x) = -4x^3 + 2x$ c) $f(x) = \frac{3}{4}x^8 - 3x^2$
d) $f(x) = 2x^3 + 4x^2 - 3x + 5$ e) $f(x) = -3x^6 + \frac{3}{8}x^8 + \frac{5}{3}x - \frac{1}{2}\sqrt{x}$ f) $f(x) = \frac{3}{7}x^3 - \frac{2}{x}$